

دانشگاه تهران

دانشکده فنی

پایان نامه جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد

رشته مهندسی عمران

گرایش سازه

تحلیل دینامیکی گسترش ترک خوردگی سازه‌ها

به روش ترکیبی اجزاء محدود و المانهای مجزا

( *Combined Finite/Discrete Element Method* )

استاد راهنما : دکتر سهیل محمدی

نگارش : امیرحسین جواهری

تابستان ۱۳۸۰

تقدیم به پدر، مادر  
و همسر م  
به پاس

لحظات سرشار از مهرشان

سخنان امید بخششان

کمهای بی دریغشان

وصبر و شکر بازیشان

[ به کسی که به شما نیکی می کند پاداش دهید و اگر نمی توانید تشکر کنید که تشکر و سپاس خود نوعی پاداش است.]

رسول اکرم (ص)

با تشکر صمیمانه از  
استاد گرامی جناب آقای دکتر  
محمدی  
به خاطر راهنماییهای ارزنده و زحمات فراوانشان

# فهرست

۱

## ۱ مقدمه

۱	۱-۱- مقدمه
۲	۱-۲- فصل بندی پایان نامه

۴

## ۲ پلاستیسیته

۴	۲-۱- مقدمه
۷	۲-۲- معیارهای پلاستیسیته
۷	۲-۲-۱- معیار ترسکا
۷	۲-۲-۲- معیار فون میزس
۸	۲-۲-۳- معیار رانکین
۱۰	۲-۲-۴- معیار مور- کولمب
۱۱	۲-۵- معیار دراکر- پراگر
۱۲	۳-۲- رفتار سخت شدگی
۱۳	۳-۲-۱- روابط ساختاری
۱۵	۴-۲- رفتار نرم شدگی
۱۵	۴-۲-۱- فرمول بندی روابط در فضای کرنش
۱۸	۴-۲-۵- الگوریتم تغییرات تنش در هر مرحله از بارگذاری

۲۲

## ۳ مکانیک شکست

۲۲	۱-۳- مقدمه
۲۳	۲-۳- روش گریفیث
۲۵	۳-۳- مودهای شکست در نوک ترک
۲۷	۴-۳- بررسی ناحیه پلاستیک نوک ترک
۲۷	۴-۳-۱- ناحیه پلاستیک با معیار فون میزس
۲۸	۴-۳-۲- ناحیه پلاستیک طبق معیار ترسکا
۲۹	۵-۳- معیارهای رشد ترک

۲۹	..... مقدمه	۱-۵-۳
۳۱	..... MTS - معیار	۲-۵-۳
۳۲	..... $M_r$ - معیار	۳-۵-۳
۳۳	..... $S$ - معیار	۴-۵-۳
۳۴	..... $T_r$ - معیار	۵-۵-۳
۳۵	..... ضرایب شدت تنش	۶-۳
۳۵	..... ۱-۶-۳ - بارگذاری یک محوری	
۳۶	..... ۲-۶-۳ - برش خالص	
۳۶	..... ۳-۶-۳ - بارگذاری دو محوری	
۳۶	..... ۷-۳ - مدل سازی سازه و نمایش ترک در آنالیز شکست	
۳۷	..... ۱-۷-۳ - مدل ترک مجزا	
۳۷	..... ۲-۷-۳ - مدل ترک پخشی	
۳۸	..... ۸-۳ - مدل های رفتاری و معیار های گسترش ترک	
۳۸	..... ۱-۸-۳ - معیار های مبتنی بر مقاومت	
۳۹	..... ۲-۸-۳ - معیار های مکانیک شکست	
۳۹	..... ۳-۸-۳ - مدل نرم شدگی کرنش	
۴۱	..... ۴-۸-۳ - مودهای بالاتر شکست	

## ۴ روش المانهای مجزا

۴۲	..... ۱-۴ - مقدمه	
۴۳	..... ۲-۴ - آشکار سازی تماس	
۴۴	..... ۱-۲-۴ - مختصات بر اساس تجزیه سلولی فضا	
۴۶	..... ۲-۲-۴ - روش دودو بی	
۴۷	..... ۳-۲-۴ - روش آزمایش مستقیم	
۴۷	..... ۴-۲-۴ - روش نشانه مستقیم	
۴۸	..... ۵-۲-۴ - روش دودو بی ترکیب شده با نشانه مستقیم	
۵۱	..... ۳-۴ - اندر کنش تماسی	
۵۱	..... ۱-۳-۴ - روشهای اعمال قید	
۵۱	..... ۱-۱-۳-۴ - روش پنالتی	
۵۲	..... ۲-۱-۳-۴ - روش حداقل مربعات	
۵۲	..... ۳-۱-۳-۴ - روش ضرائب لاگرانژ	
۵۳	..... ۴-۱-۳-۴ - روش لاغرانژ پیچیده	
۵۳	..... ۵-۱-۳-۴ - روش لاغرانژ افزایشی	

## ۵۶

## ۵ مثالهای عددی

۵۶	۱-۵
۶۲	۲-۵
۶۸	۳-۵
۷۱	۴-۵
۸۰	۵-۵

- برخورد یک جسم صلب مربعی به یک تیر

- میله‌ای با دو انتهای متحرک با سرعت ثابت

- تکیه‌گاههای متحرک

- ضربه یک جسم به یک تیر بتنی

- برخورد یک میله مسی به یک دیوار صلب

## ۸۸

## ۶ نتایج

۸۸	۱-۶
۸۹	۲-۶

- چکیده مطالب

- پیشنهادات برای تحقیقات بعدی

## ۹۰

## منابع

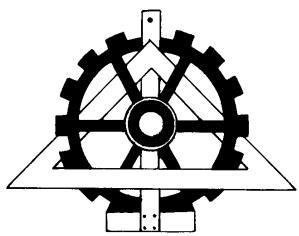
# منابع

[۱] محمدی، س.، مکانیک تماس، جزو درسی، ۱۳۷۹

- [2] S. Mohammadi , *Combined finite/discrete element analysis of impact loading of composite shells*, Ph.D. thesis, University of Wales Swansea,1998.
- [3] A. Munjiza , *Discrete elements in transient dynamics of fractured media* , Ph.D.-thesis, University of Wales Swansea,1992.
- [4] W.F. Chen and D.J. Han, *Plasticity for Structural Engineers* ,Springer-Verlag Inc., 1988.
- [5] D.R.J.Owen and E.Hinton, *Finite Elements in Plasticity* , Pineridge Press Ltd., Swansea,1980.
- [6] H.L. Ewalds and R.J.H. Wanhill , *Fracture Mechanics* , Edward-Arnold Inc.,1991.
- [7] A.G. Atkins and Y.W. Mai, *Elastic and Plastic Fracture* , 1985.
- [8] K.J. Bathe, *Finite Element Procedure* , Prentic Hall ,1996.
- [9] S.M.A. Khan and M.K. Khraisheh, *Analysis of mixed mode crack initiation angles under various loading conditions* , Engineering Fracture Mechanics ,67: 397-419 , 2000.
- [10] A. Munjiza , K.R.F. Andrews and J.K. White , *Combined single and smeared crack model*, International Journal for Numerical Methods in Engineering, 44:41-57,1999.
- [11] G.T. Camacho and M. Ortiz , *Adaptive lagrangian modelling of ballistic penetration of metallic targets* , Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 142: 269 - 301,1997 .
- [12] P.B. Lourenco , R.D. Borst and J.R. Rots , *A plane stress softening plastic model for orthotropic materials* , International Journal for Numerical Methods in Engineering,40:4033-4057,1997.

- [13] D. Peric and D.R.J. Owen, ***Computational model for 3-D contact problems with friction based on the penalty method*** , International Journal for Numerical Methods in Engineering,35:1289-1309,1992.
- [14] A. Munjiza and K.R.F. Andrews,***Penalty function method for number of separate bodies***,International Journal for Numerical Methods in Engineering,49:1377-1396 ,2000.
- [15] S.P. Wang and E. Nakamachi , ***The inside-outside contact search algorithm for finite element analysis*** , International Journal for Numerical Methods in Engineering,40:3665-3685,1997.
- [16] Z. Ren and N. Bicanic , ***Simultation of progressive fracturing under dynamics loading conditions*** , Communicatons in Numerical Methods in Engineering , 13: 127-138,1997.
- [17] Y. Mi. and M.A. Crisfield, ***Analytical derivatatin of load /displacement relationship for the DCB and MMB and proof of the FEA formation*** . IC-AERO report 97-02 ISSN 0308-7247, Aeronautics Department , Imperical College of Science , Technology and Medicine ,1996.
- [18] L. Jing , ***Formulation of discontinuous deformation analysis (DDA) an implicit discrete element model for block system*** , Engineering Geology,49:371-381,1998.
- [19] B.J. Carter , P.A. Wawrynek and A.R. Ingraffea , ***Automated 3-D crack growth simulation*** , International Journal for Numerical Methods in Engineering,47:229-253,2000.
- [20] K. Golos and B. Wasiluk,***Role of plastic zone in crack growth direction criterion under mixed mode loading***, International Journal of Fracture,105:341-353,2000.
- [21] J. Ozbolt and Z.P. Bazant , ***Numerical smeared fracture analysis : Nonlocal microcrack interaction approach*** , International Journal for Numerical Methods in Engineering,39:635-661,1996.
- [22] J.G. Malone and N.L. Johnson , ***A parallel finite element contact/Impact algorithm for non-linear explicit transient analysis: Part I -The search algorithm and contact mechanics*** , International Journal for Numerical Methods in Engineering, 37:559-590,1994.
- [23] J.G. Malone and N.L. Johnson, ***A parallel finite element contact/Impact algorithm for non-linear explicit transient analysis: Part II -Parallel implementation*** , International Journal for Numerical Methods in Engineering,37:591-603,1994.
- [24] Y.B. Bayram and H.F. Nied , ***Enriched finite element-penalty function method for modelling interface cracks with contact*** , Engineering Fracture Mechanics, 65 : 541-557,2000

- [25] J.O. Hallquist, J.L. Gondreau and D.J. Bendon, *Sliding interfaces with contact-impact in large-scale lagrangian computation*, Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering ,51:107-137,1985.
- [26] M. Cervera,E. Hinton and N. Bicanic , *Nonlinear transient dynamic analysis of three-dimensional reinforced concrete structures using a three-dimensional approach* , Numerical Methods for Transient and Coupled Problems Edited by R.W. Lewis and E. Hinton, John Wiley&Sons Ltd ,1987.
- [27] W.M. Wang, L.J. Sluys and R.De Borst, *Viscoplasticity for instabilities due to strain softening and strain-rate softening* , International Journal for Numerical Methods in Engineering,40:3834-3864,1997.
- [28] A. Munjiza , D.R.J. Owen and N. Bicanic , *A combined finite-discrete element method in transient dynamics of fracturing solids* , Engineering Computations , 12:145-174,1995.
- [29] W. Shen and C. Wu,*Computer simulation for damage-failure process of composite plate under high speed impact* , Engineering Fracture Mechanics, 42: 159-168,1992.
- [30] S. Mohammadi , D.R.J. Owen and D. Peric , *A combined finite/discrete element algorithm for delamination analysis of composites* , Finite Elements Analysis and Design,28:321-336,1998.



University of Tehran  
Faculty of Engineering



A Thesis Submitted in Partial Fulfillment  
for Degree of Master of Science in  
Civil Engineering – Structural Engineering

## **Dynamic Crack Propagation Analysis Using A Combined Finite/Discrete Element Method**

Supervisor:  
Dr. Soheil Mohammadi

By:  
Amir Hosain Javaheri Kachusangi

October 2001